

Vergleich von Elektrostatik und Magnetostatik

	Elektrostatik	Magnetostatik
Quellen	Ladungsdichte ρ	Stromdichte j
statisch	$\frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$	$\text{div } j = 0$
Felddefinition	$F_{\text{el.}} = qE$	$F_{\text{mag.}} = q\dot{r} \times B$
homogene FG	$\text{rot } E = 0$	$\text{div } B = 0$
Potenzial	$E = \text{grad } \Phi$ – Gradientenfeld	$B = \text{rot } A$ – Wirbelfeld
Eichfreiheit	$\Phi \rightarrow \Phi + \text{const.}$	$A \rightarrow A + \text{grad } \Lambda$
Standardgleichung	$\Phi = 0$ für $r \rightarrow \infty$	$\text{div } A = 0$ (Coulomb-Eichung)
integrale Form	E wirbelfrei $\oint_C E dr = 0$	B quellenfrei $\oint_S B da = 0$
inhomogene FG	$\text{div } E = \rho / \epsilon_0$	$\text{rot } B = \mu_0 j$
Poisson-Gleichung	$\Delta \Phi = -\rho / \epsilon_0$	$\Delta A = -\mu_0 j$ ($\text{div } A = 0$)
Potenzial	$\Phi(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int d^3r' \frac{\rho(\mathbf{r}')}{ \mathbf{r} - \mathbf{r}' }$	$A(\mathbf{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \int d^3r' \frac{j(\mathbf{r}')}{ \mathbf{r} - \mathbf{r}' }$
Feld	$E(\mathbf{r}) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int d^3r' \rho(\mathbf{r}') \frac{\mathbf{r} - \mathbf{r}'}{ \mathbf{r} - \mathbf{r}' ^3}$	$B(\mathbf{r}) = \frac{\mu_0}{4\pi} \int d^3r' j(\mathbf{r}') \times \frac{\mathbf{r} - \mathbf{r}'}{ \mathbf{r} - \mathbf{r}' ^3}$
integrale Form	Gaußsches Gesetz $\oint_{S(V)} E da = Q_V / \epsilon_0$	Ampèresches Durchflutungsgesetz $\oint_{C(S)} B dr = \mu_0 I_S$
Kraftgesetz	Feld einer Punktladung q : $E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{\mathbf{r}}{r^3}$ Coulomb: $F_{12} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0} \frac{\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2}{ \mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2 ^3}$	Feld eines linearen Stomfadens I : $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \frac{e_\varphi}{\rho}$ (Biot-Savart-Gesetz) Ampère: $F_{12} = -\frac{\mu_0 I_1 I_2}{4\pi} \oint \oint (dr_1 dr_2) \frac{\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2}{ \mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2 ^3}$
Dipolmoment	$\mathbf{p} = \int d^3r \mathbf{r} \rho(\mathbf{r})$	$\mathbf{m} = \frac{1}{2} \int d^3r \mathbf{r} \times \mathbf{j}(\mathbf{r})$
Dipolfeld	$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{3\mathbf{r}(\mathbf{r}\mathbf{p}) - r^2\mathbf{p}}{r^5}$	$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{3\mathbf{r}(\mathbf{r}\mathbf{m}) - r^2\mathbf{m}}{r^5}$
Feldenergiedichte	$w = \frac{\epsilon_0}{2} E^2$	$w = \frac{1}{2\mu_0} B^2$